

Exercice 1. Soient $B_o(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, $B_1(\vec{u}, \vec{v}, \vec{k})$ et $B_2(\vec{u}, \vec{w}, \vec{z})$, trois bases orthonormées directes de \mathbb{R}^3 telles que :

- $B_1(\vec{u}, \vec{v}, \vec{k})$ est déduite de $B_o(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ par une rotation d'angle α mesurée autour de \vec{k}
- $B_2(\vec{u}, \vec{w}, \vec{z})$, est déduite de $B_1(\vec{u}, \vec{v}, \vec{k})$ par une rotation d'angle β mesurée autour de \vec{u}

On considère le vecteur \vec{U} de \mathbb{R}^3 défini par : $\vec{U} = p\vec{u} + q\vec{k} + r\vec{z}$

=====

1. Exprimer le vecteur \vec{U} dans la base B_o

=====

2. Calculer quand c'est possible :

1. $3\vec{w} \wedge 2\vec{k} =$

2. $\vec{v} \wedge \cos \beta \vec{w} =$

3. $(\vec{j} \cdot \vec{u}) \wedge \vec{k} =$

4. $\vec{v} \wedge (\vec{u} \wedge \vec{i}) =$

5. $\|2\vec{u} + 3\vec{z}\|^2 =$

6. $(\vec{u} + \vec{i}).(\vec{k} - \vec{z}) =$

=====

2. On se donne un torseur \mathcal{T} défini par ses éléments de réduction en un point A par :

$$\mathcal{T} = \begin{bmatrix} \vec{R} \\ \vec{\mathcal{M}}(A) \end{bmatrix}_A$$

Donner les éléments de réduction de \mathcal{T} au point B en fonction de $\vec{\mathcal{M}}(A)$